

Задача 1. Найти характеристический многочлен матрицы

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}.$$

Решение: У квадратной матрицы характеристический многочлен можно найти путём подсчёта псевдоопределителя матрицы с теми же элементами, кроме диагональных. Из диагональных элементов вычитается переменная, скажем t (и многочлен тогда получается от t).

$$\begin{aligned} p_A(t) &= \det(A - tE) = \begin{vmatrix} 2-t & 1 \\ 1 & 2-t \end{vmatrix} = \\ &= (2-t)(2-t) - 1 = t^2 - 4t + 3 \end{aligned}$$

Ответ: характеристический многочлен равен $t^2 - 4t + 3$.

Решение выполнено автоматически.
Программу – учебное пособие разработал Артемий Берлинков.
Web-интерфейс Павла Лапина.